

Gli indovinelli matematici di Metrodoro (Antologia Palatina, XIV, 116-147)

Il libro 14° dell'Antologia Palatina accoglie 35 epigrammi (di cui 32 matematici) raccolti da Metrodoro, grammatico vissuto tra la fine del V e il principio del VI secolo d. C. che si è ispirato forse a Diofanto per la loro stesura. Ecco il contenuto integrale dei soli problemi matematici (l'epigramma n. 121 è molto importante per l'affinità con l'itinerario dei vasi o calici di Vicarello).

116

Τίπτε με τῶν καρύων ἔνεκεν πληγῇτι πιέζεις, ὦ μήτερ; τάδε πάντα καλαὶ διμοιρήσαντο παρθένοι. Ἡ γὰρ ἐμεῖο Μελίσσιον ἑβδομαδοῖα, ἡ δὲ δυωδέκατον Τιτάνη λάβεν· ἕκτον ἔχουσιν καὶ τρίτον Ἀστυόχη φιλοπαίγμονες ἡδὲ Φίλιννα· εἴκοσι δ' ἀρπάξασα Θέτις λάβε, δώδεκα Θίσβη· ἡ δ', ὄρα, ἡδὺ γελαῖ Γλαύκη παλάμῃσιν ἔχουσα ἑνδεκα· τοῦτο δὲ μοι κάρυον περιλείπεται οἷον («Perché, madre, mi colpisci per una noce?

Le belle fanciulle hanno diviso tra loro tutte queste.

Infatti, a Melisse è toccato un settimo raddoppiato,

Titanide ha preso un dodicesimo;

Astyoche e la giocosa Philinna hanno ciascuna un sesto e un terzo;

Thetis ha preso venti, Thisbe dodici;

E guarda, Glaucia ride dolcemente tenendone undici nelle mani.

E questa noce mi resta come unica»)

Soluzione:

$$x = 2/7x + 1/12x + 1/6x + 1/3x + 20 + 12 + 11 + 1$$

Il m.c.m. di 7, 12, 6 e 3 è 84.

$$(24 + 7 + 14 + 28)/84x = 73/84x$$

$$x = 44 * 84/11 = 336 \text{ noci in origine}$$

117

Ποῦ σοι μῆλα βέβηκεν, ἐμὸν τέκος; β. Ἐκτα μὲν Ἰνῶ δοῖα, καὶ ὀγδοάτην μοῖραν ἔχει Σεμέλη

Αὐτονόη δὲ τέταρτον ἀφήρπασεν· αὐτὰρ Ἀγαυὴ πέμπτον ἐμῶν κόλπων ὥχετ' ἀπαινυμένη·

σοὶ δ' αὐτῇ δέκα μῆλα φυλάσσεται· αὐτὰρ ἔγωγε, ναὶ μὰ φίλῃν Κύπριν, ἐν τόδε μῶνον ἔχω. («Dove sono finite le tue mele, figlia mia?

Ino ne ha preso due sestì, e Semele un ottavo. Autonoe ha portato via un quarto; Agave se n'è andata con un quinto dal mio grembo. A te stessa sono riservate dieci mele; quanto a me, per la cara Cipride, ne ho solo questa una»)

Soluzione:

$$x = 1/3x + 1/8x + 1/4x + 1/5x + 10 + 1$$

Il m.c.m. di 3, 8, 4 e 5 è 120

$$(40 + 15 + 30 + 24)/120x = 109/120x$$

$$x = 11 * 120/11 = 120 \text{ mele in origine}$$

118

Δρεψαμένη ποτὲ μῆλα φίλαις διεδάσσατο Μυρτώ· Χρυσίδι μὲν μήλων πέμπτον πόρε, τέτρατον Ἡροῖ, ἐννεακαιδέκατον Ψαμάθῃ, δέκατον Κλεοπάτρῃ· αὐτὰρ ἐεικοστὸν δωρήσατο Παρθενοπεΐῃ· δώδεκα δ' Εὐάδνῃ μοῦνον πόρεν· αὐτὰρ ἐς αὐτὴν ἦλυθον ἐκ πάντων ἑκατὸν καὶ εἴκοσι μῆλα («Myrto, dopo aver raccolto delle mele, le distribuì alle sue amiche:

a Chrysis diede un quinto delle mele, a Hero un quarto, a Psamathe un diciannovesimo, a Cleopatra un decimo; poi donò un ventesimo a Parthenope; a Evadne diede solo dodici mele; e a sé stessa assegnò cento e venti mele da tutte queste»)

Soluzione:

$$x = 1/5x + 1/4x + 1/19x + 1/10x + 1/20x + 12 + 120$$

Il m.c.m. di 5, 4, 19, 10 e 20 è 380

$$(76 + 95 + 20 + 38 + 19)/380x = 248/380x$$

$$x - 248/380x = 132$$

$$x = (132 * 380)/132 = 380 \text{ mele}$$

119

Ἄντομέναις ποτὲ μῆλα φίλαις διμοιρήσαντο Ἰνώ καὶ Σεμέλη δώδεκα παρθενικαῖς.

Καὶ ταῖς μὲν Σεμέλη πόρεν ἄρτια· ταῖς δὲ περισσὰ δῶκε κασιγνήτῃ· μῆλα δ' ἔχεν πλέονα.

Ἡ μὲν γὰρ τρισσῆσι τρί' ἑβδομα δῶκεν ἐταίραις, ταῖς δὲ δύο πάντων πέμπτον ἔδωκε λάχος· ἑνδεκα δ' Αστυνόμῃ μιν ἀφείλατο, καὶ οἱ ἔλειπεν μοῦνα κασιγνήταις μῆλα δύο φερέμεν.

Ἡ δ' ἐτέρῃ πισύρεσσι πόρεν δύο τέτρατα μήλων, πέμπτῃ δ' ἐκταίνῃ μοῖραν ἔδωκεν ἔχειν· τέσσαρα δ' Εὐρυχόρῃ δῶρον πόρε· τέτρασι δ' ἄλλοις μήλοισιν Σεμέλη μίμνεν ἀγαλλομένη («Ino e Semele una volta distribuirono mele alle loro dodici amiche vergini. Semele diede mele in numero pari; la sorella diede mele in numero dispari, ma in quantità maggiore. Semele diede tre settime a tre amiche, e un quinto a due di esse; Astynome le sottrasse undici mele, e le rimasero solo due mele da portare alle sorelle. Ino diede due quarti delle mele a quattro amiche, e una sesta parte alla quinta; quattro mele furono donate a Eurychore; e Semele rimase con quattro mele, gioiosa»)

Soluzione:

Semele distribuì un numero uguale di mele a dodici fanciulle, mentre Ino ne ebbe di più. Ino diede alle altre amiche 15 mele; due ne presero 7; Astynome ne prese 11, ne lasciò 2: la somma delle mele è 35. Semele diede 12 mele a quattro ragazze; alla quinta 4; Eurychore 4; Ne tenne 4 per sé: quindi prima della distribuzione le mele erano 24

120

Ἡ καρύη πολλοῖσιν ἐβεβρίθει καρύοισιν · νῦν δὲ τις ἐξαπίνης μιν ἀπέθρισεν· ἀλλὰ τί φησίν; Ἐκ μὲν ἐμεῦ καρύων πέμπτον λάβε Παρθενόπεια · ὀγδόατον δὲ Φίλιννα φέρει λάχος· ἡ δ' Ἀγανίππη τέτρατον · ἐβδομάτῳ δ' ἐπιτέρπεται Ωρεΐθυια· ἕκτην δ' Εὐρυνόμη καρύων ἐδρέψατο μοῖρην· τρισσαὶ δ' ἐξ ἑκατὸν Χάριτες διεμοιρήσαντο· ἐννάκι δ' ἐννέα Μοῦσαι ἐμεῦ λάβον· ἐπτὰ δὲ λοιπὰ δῆεις ἀκρεμόνεσσιν ἐφήμενα τηλοτέροισιν («Il nocce era carico di molte noci; ora però qualcuno improvvisamente lo ha spogliato. Ma cosa dice? Parthenopea ha preso un quinto delle mie noci; Filinna ha ricevuto un ottavo; Aganippe un quarto; Oreithyia si rallegra con un settimo; Eurynome ha raccolto un sesto delle noci; le tre Cariti hanno diviso tra loro tre su cento; le nove Muse hanno preso nove da me; sette noci restano ancora appese ai rami più alti, lontane»)

Soluzione:

Parthenopea aveva 136 noci; Filinna 210; Aganippe 420; Oreithyia 240; Eurynome 280; le Grazie 106; le Muse 81. Ne restano 7 nell'albero: quindi l'albero aveva 1680 noci prima della predazione.

121

Ἐπτάλοφον ποτὶ ἄστῳ Γαδειρόθεν, ἕκτον ὁδοῖο Βαίτιος εὐμύκους ἄχρις ἐς ἡίονας· κεῖθεν δ' αὖ πέμπτον Πυλάδον μετὰ Φώκιον οὐδας Ταύρη χθών βοέης οὔνομ' ἀπ' εὐετίας. Πυρήνην δέ τοι ἔνθεν ἐπ' ὀρθόκραρον ἰόντι ὄγδοον ἡδὲ μιῆς δωδέκατον δεκάτης. Πυρήνης δὲ μεσηγὺ καὶ Ἄλπιος ὑψικαρήνον τέτρατον· Αὐσονίης αἶψα δυωδέκατον ἀρχομένης ἤλεκτρα φαίνεται Ἡριδανοῖο ὧ μάκαρ, ὅς δισσὰς ἦνυσα χιλιάδας, πρὸς δ' ἔτι πέντ' ἐπὶ ταῖς ἑκατοντάδας ἔνθεν ἐλαύνων· ἡ γὰρ Ταρπεΐη μέμβλετ' ἀνακτορίῃ ("Verso la città dai sette colli, partendo da Gades (Cadice), un sesto del cammino conduce alle rive del Betis (Guadalquivir), risonanti dei muggiti delle mandrie; da lì, un quinto fino al suolo focese di Pilade — la terra è Vaccaea, il suo nome deriva dall'abbondanza di vacche. Poi, fino ai precipitosi Pirenei, è un ottavo e la dodicesima parte di un decimo del percorso. Tra i Pirenei e le alte Alpi si estende un quarto del cammino. Ora inizia l'Ausonia (Italia) e subito dopo un dodicesimo appare l'ambra del Po. Oh, beato me che ho compiuto duemila e cinquecento stadi viaggiando da lì! Perché il Palazzo sulla rocca Tarpea è l'obiettivo del mio viaggio.")

Soluzione:

$$1/6x + 1/5x + (1/8 + 1/120)x + 1/4x + 1/12x + 2500 = x$$

Il m.c.p. di 6, 5, 8, 120, 4 e 12 è 120

$$(20+24+15+1+30+10)/120 + 2500 = x$$

$$x = 2500 * 6 = 15000 \text{ stadi (distanza totale da Cadice a Roma)}$$

Uno stadio romano equivale a 185 metri, per cui 15000 stadi corrispondono a 2775 km o 1875 miglia romane.

Nel 1852 a Vicarello, presso la fonte termale del lago di Bracciano, furono

rinvenuti quattro piccoli cilindri di circa 10 cm d'altezza (CIL XI, 3281, 3282, 3283 e 3284). Ognuno è suddiviso in quattro colonne e riporta un itinerario di 104 stationes da Cadice (per questo è denominato anche *Itinerarium Gaditanum*) a Roma per complessive miglia romane 1840. Siamo vicinissimi alle 1875 miglia dell'indovinello di Metrodoro (35 miglia di differenza su quasi 2000) e dunque quasi certamente il percorso sinteticamente descritto nell'epigramma coincide con la strada scandita dalle 104 tappe che si legge ad esempio qui appresso

| ITINERARIUM A GADES ROMAM | | | |
|---------------------------|---------------------|---------------------|---------------------|
| ADPORTVM XXIII | VALENTIAM XX | AMBRVSSVM XV | BAMBRVM XX |
| MASTAM XVI | SAGYNTVM XVI | NEMAVSVM XV | PLACENTIAM XVI |
| VCIAM XXVII | ADNOVLAS XXIII | VGERNVM XV | FLORENTIAM XV |
| ORIPPVM XXIII | ILDVM XXII | ARELATA VIII | PARMAM XXV |
| HISPALIM VIII | INTIBILIM XXIII | ERNACINVM VI | LEPIDVM REGIVM XVII |
| CARMONEM XXII | DERTOSAM XXVII | CLANVM VIII | MVTINAM XVII |
| OBVCLAM XX | SVBSALTVM XXXVII | CABELLIONEM XII | BONONIAM XXV |
| ASTIGIM XV | TARRACONEM XXV | APTAMIVLIAM XII | CLATERNVM X |
| ADARAS XII | PALFVRIANAM XVI | CATVIACIAM XII | FORVM CORNELI XIII |
| CORDVBAM XXIII | ANTISTIANAM XIII | ALAVNIVM XVI | FAVENTIAM X |
| AD X | ADFINES XVII | SEGVSTERONEM XXXIII | FORVM LIVI X |
| EPORAM XVII | ARRAGONEM XX | ALABONTEM XVI | CESENAM XIII |
| VCIESEM XVIII | SEMPRONIANA VIII | VAPPINCVM XVIII | ARIMINVM XX |
| ADNOVLAS XIII | SETERRAS XXIII | CATVRICOMACVM XII | PISAVRVM XXIII |
| CASTVLONEM XIX | AQVISVOCONTIS XV | EBVRODVNVM XVII | FANVM FORTVNAE VIII |
| ADMORVM XXIII | GERVNDAM XII | RAMAM XVII | FORVM SEMPRONII XVI |
| ISOLARIA XIX | CILNIANAM XII | BRIGANTIVM XVII | ADCALEM XVIII |
| MARIANA XX | IVNCARIAM XV | DRVANTIVM XI | HESIM X III |
| MENTESAM XX | INPYRAENEVM XVI | SEGVSIONEM XXXIII | HELVILLVM X |
| LIBISOSAM XXIII | RVSCINONEM XXV | OCELVM XXVII | NVCERIAM XV |
| PARIETINIS XXII | COMBVSTA VI | TAVRINIS XX | MEVANIAM XIX |
| SALTIGIM XVI | NARBONEM XXXII | QVADRATA XX | ADMARTIS XVI |
| ADPALEM XXXII | BAETERRAS XVI | RIGOMAGVM XVI | NARNIAM XVIII |
| ADARAS XXII | CESSERONEM XIII | CVTTIAS XV | OCRICLO XII |
| SAETABIM XXVII | FORVM DOMITII XVIII | LAVMELLVM XIII | AD XX XXIII |
| SVCRONEM XVI | SEXTANTIONEM XV | TICINVM XXI | ROMAM XX |
| SVMMPXDCXXX | | | |

La datazione al I secolo d. C., generalmente accolta dagli studiosi, potrebbe essere messa in dubbio, tra l'altro, dalla parola *Itinerarium* o *Itinerare* usata nell'intestazione di tre dei quattro vasi: *Itinerarium a Gades Romam* sul primo, *Ab Gades usque Roma itinerare* sul secondo e *Itinerare a Gades usq(ue) Roma* sul terzo (il quarto ha semplicemente: *A Gadibus Roma*). *Itinerarius* è attestato soltanto nella tarda antichità (es. nell'*Historia Augusta* di Ammiano Marcellino, nel *Liber pontificalis*, nell'*Itala* di Vegezio, nell'*Itinerarium Maritimum*, nell'*Itinerarium Burdigalense* ecc). Datazione a parte, è probabile che l'itinerario da Cadice a Roma (che curiosamente, dopo aver varcato le Alpi italiane, si dirige a Piacenza, Rimini e Fano lungo la via Flaminia per arrivare a Roma anziché per il più breve tragitto tirrenico) fosse abbastanza paradigmatico per illustrare un viaggio impegnativo e di durata cospicua. Non

un rapporto diretto tra i vasi di Vicarello e l'epigramma 121 di Metrodoro, semmai un cammino emblematico, una grande distanza su terra assunta a simbolo per indicare qualcosa di dimensioni fuori dal comune. L'*itinerarium Gaditanum* rappresentava probabilmente un modo di dire per i Romani, alla stregua di impresa di considerevole mole da affrontare.

122

Εὐβλεφάροιο Δίκης ἱερὰ κρήδεμνα μίηνας, ὄφρα σε, πανδαμάτωρ χρυσέ, βλέπομι τόσον, οὐδὲν ἔχω· πίσυρας γὰρ ἐπ' οὐκ ἀγαθοῖσι ταλάντων οἴωνοῖσι μάτην δῶκα φίλοις δεκάδας· ἥμισυ δ' αὖ, τρίτατόν τε καὶ ὄγδοον, ὧ πολύμορφοι ἀνθρώπων κῆρες, ἐχθρὸν ἔχοντα βλέπω («Avendo profanato i sacri veli della Giustizia dagli occhi belli, affinché, o onnipotente dorato, io possa vederti almeno per tanto, non ho nulla; poiché ho dato invano agli amici quattro decadi di talenti su cattivi presagi; e ora vedo un nemico che possiede la metà, un terzo e un ottavo, o multiformi destini degli uomini»)

Soluzione:

$$1/2x + 1/3x + 1/8x + 40 = x$$

$$x = 40 \times 24 = 960 \text{ talenti}$$

123

Πέμπτον μοι κλήρου, παῖ, λάμβανε· δωδέκατον δὲ δέξο, δάμαρ· πίσυρες δ' υἱέος οἰχομένου παῖδες, ἀδελφείοί τε δύω, καὶ ἀγάστονε μήτερ, ἐνδεκάτην κλήρου μοῖραν ἕκαστος ἔχε.

Αὐτὰρ, ἀνεψιαδοῖ, δυοκαίδεκα δέχθε τάλαντα· Εὐβουλος δ' ἐχέτω πέντε τάλαντα φίλος. Πιστοτάτοις δμώεσσιν ἐλευθερίην καὶ ἄποινα, μισθὸν ὑπηρεσίης, τοῖσδε δίδωμι τάδε·

ὧδε δὲ λαμβανέτωσαν· Ονήσιμος εἴκοσι πέντε μνᾶς ἐχέτω· Δάος δ' εἴκοσι μνᾶς ἐχέτω,

πεντήκοντα Σύρος, Συνετὴ δέκα, Τίβιος ὀκτώ· ἐπτὰ δὲ μνᾶς Συνετῷ παιδὶ δίδωμι Σύρου. Ἐκ δὲ τριηκόντων κοσμήσατε σῆμα ταλάντων, ῥέζετε δ' Οὐδαίῳ Ζανὶ θυηπολίην·

δισσῶν ἕς τε πυρὴν καὶ ἄλφιστα καὶ τελαμῶνας, εἰκαῖν δοιῶν σῶμα χάριν λαβέτω («Figlio, prendi un quinto della mia eredità; moglie, ricevi un dodicesimo; quattro figli del mio figlio defunto, due fratelli e la madre Agastone, ciascuno riceva un undicesimo della parte. Ai nipoti, do dodici talenti; l'amico Eubulo riceva cinque talenti. Ai servi più fedeli concedo la libertà e un riscatto, come ricompensa per il servizio:

Onesimo riceva venticinque mine;

Dao riceva venti mine;

Siro riceva cinquanta mine;

Synetè dieci mine;

Tibio otto mine;

al figlio di Synetè, sette mine.

Con trenta talenti, adornate la mia tomba e offrite un sacrificio a Zeus

Giudaico: quindici per la pira, farine e fasce, e quindici per il corpo, come segno di gratitudine»)

Soluzione:

$$1/5x + 1/12x + 1/8x + 12 + 5 + 0,25 + 0,20 + 0,50 + 0,10 + 0,08 + 0,07 + 30 = x$$

$$0,2x + 0,0833x + 0,6364x + 48,20 = x$$

$$x = 48,20/0,0803 \approx 600 \text{ talenti di eredità}$$

124

Ἡέλιος, μήνη τε καὶ ἀμφιθέοντος ἀλῆται

ζωοφόρου τοῖν τοι ἐπεκλώσαντο γενέθλην· ἕκτην μὲν βιότοιο φίλη παρὰ με μητέρι μεῖναι ὀρφανόν· ὀγδοάτην δὲ μετ' ἀντιβίοισιν ἀνάγκη θητεύειν, νόστον τε γυναῖκά τε παῖδά τ' ἐπ' αὐτῇ τηλύγετον δώσουσι θεοὶ τριτάτη ἐπὶ μοίρῃ· δὴ τότε σοι Σκυθικοῖσιν ὑπ' ἑγχεσι παῖς τε δάμαρ τε ὅλλυνται. Σὺ δὲ τοῖσιν ἐπ' ἄλγεσι δάκρυα χεύσας, ἐπτὰ καὶ εἴκοσ' ἔτεσσι βίου ποτὶ τέρμα περήσεις («Il Sole, la Luna e le stelle del cielo percorrono il firmamento: tale destino ti hanno tessuto le Moire. Trascorrerai la sesta parte della tua vita, orfano di padre, presso la madre amata. L'ottava parte, per necessità, servirai tra i nemici. Al terzo destino, gli dèi ti concederanno il ritorno, una moglie e un figlio prediletto. Ma allora, sotto le lance scitiche, perderai sia il figlio che la moglie. Verserai lacrime per questi dolori e trascorrerai ventisette anni fino al termine della vita»)

Soluzione:

Il ragazzo trascorrerà 12 anni con la madre; in servitù per 9 anni. Nei successivi 24 anni, ci sarà il ritorno in patria, il matrimonio, la nascita di un figlio, poi il decesso della moglie e del figlio. Egli morirà dopo 27 anni. La somma degli anni dell'intera vita è 72.

125

Τύμβος ἐγὼ · κεύθω δὲ πολύστονα τέκνα Φιλίννης, τοῖον μαπιτόκων καρπὸν ἔχων λαγόνων· πέμπτον ἐν ἡϊθέοις, τρίτατον δ' ἐνὶ παρθενικῇσιν, τρεῖς δὲ μοι ἀρτιγάμους δῶκε Φίλιννα κόρας -λοιποὶ δὲ ἡελίοιο πανάμμοροι ἡδὲ καὶ αὐδῆς τέσσαρες ἐκ λαγόνων εἰς Ἀχέροντα πέσον («Io sono il sepolcro; custodisco i figli di Filinna, pieni di lamenti, frutto di un grembo prolifico:

cinque tra i giovani,

tre tra le fanciulle,

tre figlie appena sposate.

Gli altri, privati della luce del sole e della parola, quattro dal grembo, sono caduti nell'Acheronte»)

Soluzione:

$$5 + 3 + 3 + 4 = 15 \text{ i figli di Filinna}$$

126

Οὗτός του Διόφαντον ἔχει τάφος· ὦ μέγα θαῦμα! καὶ τάφος ἐκ τέχνης μέτρα βίοιο λέγει. Ἐκτὴν κουρίζειν βιότου θεὸς ὥπασε μοίρην· δωδεκάτην δ' ἐπιθεῖς, μῆλα πόρεν χνοάειν· τῇ δ' ἄρ' ἐφ' ἐβδομάτῃ τὸ γαμήλιον ἤψατο φέγγος, ἐκ δὲ γάμων πέμπτῳ παῖδ' ἐπένευσεν ἔτει. Αἰαῖ, τηλύγετον δειλὸν τέκος, ἥμισυ πατρὸς σοῦ γ' ἐκάης δυεροῦ μέτρον ἐλὼν βιότου. Πένθος δ' αὖ πισύρεσσι παρηγορέων ἐνιαυτοῖς τῇδε πόσου σοφίῃ τέρμ' ἐπέρησε βίου («Questo è il sepolcro di Diofanto. Oh, meraviglia! Anche il sepolcro, con arte, racconta la misura della sua vita. Dio gli concesse di essere fanciullo per un sesto della sua vita; aggiungendo un dodicesimo, la barba gli crebbe; dopo un settimo della sua vita, si sposò; cinque anni dopo il matrimonio, ebbe un figlio; ahimè, il figlio, caro e tardo, visse la metà della vita del padre e morì; dopo aver consolato il suo dolore per quattro anni, Diofanto terminò la sua vita»)

Soluzione:

$$x = 1/6x + 1/12x + 1/7x + 5 + 1/2x + 4$$

Il m.c.m di 6, 12, 7 e 2 è 84

$$14/84x + 7/84x + 12/84x + 42/84x = 75/84x$$

$$x = 75/84x + 9$$

$$x = 9 * 84/9 = 84 \text{ anni vissuti da Diofanto}$$

Questo è il celebre epitafio che sarebbe stato inciso sulla tomba di Diofanto

127

Παντὸς ὅσου βεβίωκε χρόνου παῖς μὲν τὸ τέταρτον Δημοχάρης βεβίωκε· νεηνίσκος δὲ τὸ πέμπτον· τὸ τρίτον εἰς ἄνδρας· πολὺν δ' ὅτ' ἀφίκετο γήρας ἔζησεν λοιπὰ τρισκαίδεκα γήραος οὐδῶ («Per tutto il tempo della sua vita, Democare visse: un quarto come fanciullo, un quinto come giovane, un terzo come uomo adulto; quando giunse alla vecchiaia canuta, visse ancora tredici anni nella casa della vecchiaia»)

Soluzione:

$$x = 1/4x + 1/5x + 1/3x + 13$$

Il m.c.m di 4, 5 e 3 è 60

$$15/60x + 12/60x + 20/60x = 47/60x$$

$$x = 13 * 60/13 = 60 \text{ anni vissuti da Democare}$$

128

Οἶον ἀδελφειὸς μ' ἐβίησατο, πέντε τάλαντα οὐχ ὀσίῃ μοίρῃ πατρικὰ δασσάμενος. Ἐπτὰ κασιγνήτοιο τόδ' ἐνδεκάτων πολύδακρυς πέμπταν ἔχω μοίρης. Ζεῦ, βαθὺν ὕπνον ἔχεις («Oh, come mio fratello mi ha oppresso, prendendo cinque talenti senza giusta parte dell'eredità paterna! Sette

undicesimi della parte di mio fratello, pieni di lacrime, costituiscono la quinta parte della mia quota. O Zeus, possiedi un sonno profondo»)

La soluzione si può impostare in questo modo:

Definiamo

x: la quota del fratello

y: la quota del parlante

Dalla seconda affermazione: $\frac{7}{11}x = \frac{1}{5}x$

Risolvendo per y: $y = \frac{7}{11}x \cdot 5 = \frac{35}{11}x$

Quindi, la quota del parlante è $\frac{35}{11}$ volte quella del fratello. Tuttavia, il testo iniziale afferma che il fratello ha preso cinque talenti in modo ingiusto. Se consideriamo che questi cinque talenti rappresentano la differenza tra la quota che il fratello ha effettivamente preso e quella che gli spettava, possiamo impostare un'equazione per determinare il valore totale dell'eredità. Supponiamo che l'intera eredità sia E. Se il fratello ha preso una quota x, e il parlante ha ricevuto y, allora:

$$x + y = E$$

Sostituendo y con $\frac{35}{11}x$ abbiamo:

$$x + \frac{35}{11}x = E = \frac{46}{11}x$$

Se il fratello ha preso cinque talenti in più rispetto alla sua giusta parte, allora la sua quota effettiva è: $2 + 5$

Ma dalla precedente equazione, la sua quota dovrebbe essere x. Quindi, la differenza è di cinque talenti.

129

Εἶπε κυβερνητῆρι, πλατὺν πόρον Ἀδριακοῖο τέμενων νηϊ, ἄλὸς πόσα λείπεται εἰσέτι μέτρα; Τὸν δ' ἀπαμείβετο· «Ναῦτα, μέσον Κριοῖο μετώπου Κρηταίου, Σικελῆς τε Πελωρίδος ἑξάκι μέτρα δι «χίλια, δοιῶν δ' αὖτε παροιχομένοιο δρόμοιο» πέμπτων διπλάσιον Σικελὴν ἐπὶ πορθμίδα λείπει («Chiese al timoniere, mentre solcavano l'ampio passaggio dell'Adriatico con la nave: "Quanta distanza sul mare resta ancora da percorrere?". Egli rispose: "Navigatore, dal centro della fronte del Capricorno cretese fino al promontorio Peloro della Sicilia restano da percorrere sei volte mille unità, e ancora il doppio di due quinti del tragitto già compiuto fino al traghetto siciliano"»)

Soluzione:

Definiamo:

x: la distanza totale del viaggio

d: la distanza già percorsa

r: la distanza rimanente

Dal testo sappiamo che la distanza rimanente è composta da due parti:

- 6.000 unità (sei volte mille)

- il doppio di due quinti della distanza già percorsa

Quindi:

$$r = 6000 + 2\left(\frac{2}{5}d\right) = 6000 + \frac{4}{5}d$$

Poiché la distanza totale è la somma della distanza già percorsa e di quella rimanente

$$x = d + r = d + 6000 + 4/5d$$

sommiamo i termini:

$$x = d + 4/5d + 6000 = (1 + 4/5)d + 6000 = 9/5d + 6000$$

Ora, risolviamo per d:

$$x = 9/5d + 6000$$

$$x - 6000 = 9/5d$$

$$d = 5/9 * (x - 6000)$$

La distanza rimanente è:

$$r = x - d = x - 5/9*(x - 6000) = r = x - 5/9x + 5/9 * 6000 = 4/9x + 3333,3$$

130

Τῶν πισύρων κρουνῶν ὁ μὲν ἥματι πλήσεν ἅπασαν δεξαμενὴν, δυσὶ δ' οὔτος, ὃ δ' ἐν τρισὶν ἡμασιν οὔτος, τέτρατος ἐν τετόρεσσι· πόσῳ πλήσουσιν ἅπαντες («Di quattro fontane: la prima riempie l'intera cisterna in un giorno, la seconda in due giorni, la terza in tre giorni, la quarta in quattro giorni. In quanto tempo riempiranno tutti insieme la cisterna?»)»

Soluzione:

Se ciascuna fontana lavora contemporaneamente, possiamo sommare le loro portate giornaliere:

Prima: $1/1 = 1$ cisterna/giorno

Seconda: $1/2$ cisterna/giorno

Terza: $1/3$ cisterna/giorno

Quarta: $1/4$ cisterna/giorno

Sommiamo tutte le portate:

$$\text{Portata totale} = 1 + 1/2 + 1/3 + 1/4$$

Il MCD è 12

$$\text{Totale: } (12 + 6 + 4 + 3)/12 = 25/12$$

Il tempo necessario per riempire una cisterna è: $1 / 25/12 = 12/25$ giorni $\approx 0,48$

giorni

Tempo in ore: $0,48 \times 24 = 11,52$ ore ≈ 11 ore e 31 minuti

131

Οἷγέ με, καὶ πισύρεσσιν ἐνιπλήσω παρεοῦσαν δεξαμενὴν ὥραις, κρουνὸς ἄλις προρέων· δεξιτερὸς δ' ἄρ' ἐμεῖο τόσαις ἀπολείπεται ὥραις, ὅφρα μιν ἐμπλήσει· δὲς δὲ τόσαις ὁ τρίτος Εἰ δ' ἄμφω σὺν ἐμοὶ προχέειν ῥόου ἐσμὸν ἀνώγοις, εἰν ὀλίγῃ μοίρῃ πλήσομεν ἡματίῃ («Aprimi, e io riempirò la cisterna in 4 ore, (dice) un rubinetto che scorre abbondantemente. Il secondo (rubinetto), a destra di me, impiega altrettante ore in meno per riempirla. E guarda, il terzo (rubinetto) impiega altrettante ore in più. Ma se entrambi (secondo e terzo) li fai scorrere insieme con me, riempiremo la cisterna in una piccola frazione del giorno»)»

Soluzione:

Primo rubinetto: riempie in 4 ore

Secondo: più veloce → impiega $4 - x$ ore

Terzo: più lento → impiega $4 + x$ ore

Sommiamo i contributi orari: $R = 1/4 + 1/4-x + 1/4+x$

Supponiamo $x = 1$ per semplicità:

Secondo rubinetto: $1/3$

Terzo rubinetto: $1/5$

$R = 1/4 + 1/3 + 1/5 = (15 + 20 + 12)/60 = 47/60$

Quindi, tempo per riempire la cisterna con tutti e tre i rubinetti è: $1/47/60 = 60/47 \approx 1,28$ ore \approx 1 ora e 17 minuti

132

Κύκλωψ * ἐγὼ Πολύφημος ὁ χάλκεος· οἷα δ' ἐπ' αὐτῷ τευξέ τις ὀφθαλμὸν καὶ στόμα καὶ παλάμην, κρουνοῖς συζεύξας· στάζοντι δὲ πᾶμπαν ἔοικεν, ἥδ' ἔτι καὶ βλύζων φαίνεται ἀπὸ στόματος. Κρουνῶν δ' οὔτις ἄτακτος· ὁ μὲν παλάμης, τρισὶ μούνοις ἡμασιν ἐμπλήσει δεξαμενὴν προρέων· ἡμάτιος γλήνης· στόμα δ', ἡματος ἐν δύο πέμπτοις. Τις κ' ἐνέποι τρισσοῖς ἴσα θέοντα χρόνον («Sono il Ciclope di bronzo, Polifemo. Qualcuno mi costruì occhio, bocca e mano, collegati a dei rubinetti. Gocciolano completamente, e dalla bocca pare addirittura spruzzare. Tutti i rubinetti hanno flusso regolare. Quello della mano riempie una cisterna in soli 3 giorni. (Il rubinetto) dell'occhio in 1 giorno. La bocca in $2/5$ di giorno. Chi saprebbe dire in quanto tempo la riempiono tutti e tre insieme?»)

Soluzione:

Rubinetto dell'occhio: $1/1$ cisterne al giorno

Rubinetto della bocca: $1/2 / 2/5 = 5/2$ cisterne al giorno

Rubinetto della mano: $1/3$ cisterne al giorno

Somma dei flussi:

$R = 1/1 + 5/2 + 1/3 = 6/6 + 15/6 + 2/6 = 23/6$

Tempo per riempire una cisterna:

$1/R = 6/23 \approx 0,2609$ giorni \approx 6 ore e 15 minuti

133

Ὡς ἀγαθὸν κρητῆρι θοοὶ κερώσι ῥέεθρον

οἶδε δὴ ποταμοὶ, καὶ Βρομίῳ χάρις. Ἴσος δ' οὐ πάντεσσι δόου δρόμος· ἀλλὰ μὲν οἷος. Νεῖλος μὲν προρέων ἡμάτιος κορέσει, τόσον ὕδωρ μαζῶν ἀπερεύγεται· ἐκ δ' ἄρα Βάκχου θύρσος ἐνὶ τρισσοῖς ἡμασιν οἶνον ἰεῖς· σὸν δὲ κέρας, Ἀχελῷε, δὴ ἡμασι. Νῦν δ' ἅμα πάντες ῥεῖτε καὶ εἰν ὥραις πλήσετέ μιν ὀλίγαις («Com'è piacevole per un cratere il rapido scorrere del flusso (del vino)! Lo fanno due fiumi, e anche la grazia di Bromio (Dioniso, dio del vino). Ma la corsa del dono (cioè il flusso) non è uguale per

tutti. Il Nilo, scorrendo, riempie in 1 giorno. Così tanta acqua emette dal suo seno. Il Tirso di Bacco versa vino in 3 giorni. E il tuo corno, Acheloo, in 2 giorni. Ora, se scorrono tutti insieme, riempiranno la coppa in poche ore»)

Soluzione:

Nilo → riempie in 1 giorno → flusso = $1/1 = 1$

Tirso di Bacco → in 3 giorni → flusso = $1/3$

Corno di Acheloo → in 2 giorni → flusso = $1/2$

Somma dei flussi:

$R = 1 + 1/3 + 1/2 = 6/6 + 2/6 + 3/6 = 11/6$

Tempo totale per riempire la coppa insieme:

$T = 1/R = 6/11$ giorni $\approx 0,545$ giorni ≈ 13 ore e 5 minuti

134

Ὡ γύναι, ὡς πενίης ἐπελήσας· ἥ δ' ἐπικεῖται αἰὲν ἀναγκαίη κέντρα φέρουσα πόνων. Μνᾶν ἐρίων νήθεσκες ἐν ἡματι· πρεσβυτέρη δὲ θυγατέρων καὶ μνᾶν καὶ τρίτον εἴλκε κρόκης· ὀπλοτέρη δὲ μιῆς φέρειν ἡμῖς. Νῦν δ' ἅμα πάσαις δόρπον ἐφοπλίζεις μνᾶν ἐρύσασα μόνον. («Oh donna, come hai dimenticato la povertà! O meglio, essa ti sovrasta sempre, portando pungoli di dolore. Tessevi una mina di lana al giorno. La figlia maggiore filava una mina e un terzo di lana. La più giovane (di una sola più giovane, cioè la mezzana) portava mezza mina. Ora, con tutte insieme, prepari la cena tessendo una sola mina in tutto»)

Soluzione:

Produzione precedente (per giorno):

Madre: 1 mina

Figlia maggiore: $1 + 1/3 = 4/3$

Figlia minore: $1/2$

Totale prima: $P_{\text{prima}} = 1 + 4/3 + 1/2 = 6/6 + 8/6 + 3/6 = 17/6$ mine al giorno

Produzione attuale (tutte insieme):

$P_{\text{dopo}} = 1$ mina al giorno

Il lavoro totale del gruppo è diminuito di: $17/6 - 1 = 11/6 \approx 1,83$ mine/giorno

135

Οἶδε λοετροχόοι τρεῖς ἔσταμεν ἐνθάδ' Ἑρωτες, καλλιρόου πέμποντες ἐπ' εὐρίποιο λοετρά. Δεξιτερὸς μὲν ἔγωγε τανυπτερύγων ἀπὸ ταρσῶν ἡματος ἐκταίῃ μοίρῃ ἐνὶ τόνδε κορέσσω· λαιὸς δ' αὖ πισύρεσσιν ἀπ' ἀμφιφορῆος ἐν ὥραις· ἐκ δ' ὁ μέσος τόξοιο κατ' ἡματος αὐτὸ τὸ μέσσον. Φράζω δ', ὡς ὀλίγη κεν ἐνιπλήσαιμεν ἐν ὥρῃ, ἐκ πτερύγων τόξου τε καὶ ἀμφιφορῆος ἰέντες («Ecco, tre Eroti che portano l'acqua dei bagni siamo qui presenti, mandando acque di bagno al flusso del bel ruscello. Io, quello a destra con ali spiegate dai talloni, riempio questo (bacil e) in un sesto di giorno. Quello a sinistra, versando da un'anfora, lo riempie in quattro ore. Il centrale, dal suo arco, lo riempie in esattamente metà giorno. Considera, dunque, in quante

poche ore lo riempiremmo tutti assieme – con ali, arco e anfora fluendo insieme»)

Soluzione:

Erote destro (ali): $1/6$ di giorno \rightarrow 1 giorno = 24 ore $\rightarrow 1/6$ di 24 = 4 ore

Tasso di riempimento = $1/4$ della vasca/ora

Erote sinistro (anfora): 4 ore \rightarrow Tasso = $1/4$

Erote centrale (arco): metà giorno \rightarrow 12 ore \rightarrow Tasso = $1/12$

Ora calcoliamo il tasso combinato:

Tasso totale = $1/4 + 1/4 + 1/12$

Tasso totale = $1/4 + 1/4 + 1/12 = 7/12$

Ora vogliamo sapere quanto tempo impiegano insieme per riempire una vasca:

Tempo totale = $1/\text{tasso totale} = 1 / 7/12 = 12/7$ ore $\approx 1,714$ ore (1 ora e 43 minuti)

136

Πλινθουργοί, μάλα τοῦτον ἐπείγομαι οἶκον ἐγεῖραι, ἥμαρ δ' ἀννέφελον τόδε σήμερον, οὐδ' ἔτι πολλῶν χρηρίζω, πᾶσαν δὲ τριηκοσίησι δέουσιν πλίνθον ἔχω. Σὺ δὲ μούνος ἐν ἡματι τόσον ἐτευχεῖς· παῖς δὲ τοι ἐκ καμάτοιο διηκοσίαις ἀπέληγεν· γαμβρὸς δ' αὖ τόσσησι καὶ εἰσέτι πεντήκοντα, Τρισσαῖς συζυγίαις πόσσαις τόδε τεύχεται ὥραις («Fabbricatori di mattoni, sono molto ansioso di costruire questa casa, e oggi il giorno è sereno, non ho più bisogno di molti (mattoni), ho già tutte le 300 mattonelle necessarie. Tu, da solo, in un giorno ne fabbrichi tante. Tuo figlio, per la fatica, si ferma a 200 mattoni. Il genero a queste ne aggiunge 50: quindi fa 250. Con questi tre lavoratori insieme, in quante ore si compie questo (cioè il lavoro di 300 mattoni)?»)

Soluzione:

mattoni/ora (considerando la giornata lavorativa di 12 ore:

Operaio A: 300 al giorno $\rightarrow 300/12 = 25$ mattoni/ora

Figlio: 200 al giorno $\rightarrow 200/12 = 16,667$ mattoni/ora

Genero: 250 al giorno $\rightarrow 250/12 = 20,833$ mattoni/ora

Totale: $25 + 16,667 + 20,833 = 62,5$ mattoni/ora

Tempo per completare 300 mattoni insieme: $300/62,5 = 4,8$ ore (4 ore e 48 minuti)

137

Δάκρυ παρὰ στάξαντες ἀμείβετε· οἶδε γὰρ ἡμεῖς, οὓς τόδε δῶμα πεσὼν ὤλεσεν Ἀντιόχου

δαιτυμόνας, οἷσιν "θεὸς δαιτὸς τε τάφου τε τόνδ' ἔπορεν χῶρον. Τέσσαρες ἐκ Τεγέης κείμεθα - Μεσσήνης δὲ δυώδεκα· ἐκ δὲ τε πέντε Ἄργεος· ἐκ Σπάρτης δ' ἡμισυ δαιτυμόνων, αὐτὸς τ' Ἀντίοχος· πέμπτου δὲ τε πέμπτον ὅλοντο Κεκροπίδαι· σὺ δ' ὕλαν κλαῖε, Κόρινθε, μόνον («Versate lacrime

mentre passate; noi sappiamo chi furono i commensali che questa casa di Antioco, crollando, uccise; per i quali un dio diede allo stesso tempo un banchetto e una tomba. Quattro di noi erano originari di Tegea, dodici da Messene; cinque da Argo; da Sparta, la metà dei commensali; e lo stesso Antioco; un quinto del quinto morirono dei Cecropidi (= Ateniesi); e tu, Corinto, piangi solo il tuo Hylas»)

Soluzione:

Sia x il numero totale dei commensali.

Gli spartani sono la metà del totale: $x/2$

I Cecropidi (Ateniesi): "un quinto del quinto" di $x = 1/5 * x/5 = x/25$

Ora sommiamo tutti i commensali morti:

4 (Tegea) + 12 (Messene) + 5 (Argo) + $x/2$ (Sparta) + 1 (Antioco) + $x/25$ (Atene) + 1 (Corinto)

$x = (4+12+5+1+1) + x/2 + x/25$

Il m.c.m. di 2 e 25 è 50

$x = 23 + (25x+2x)/50 = 23 + 27x/50$

$50 * 23 + 27x = 50x$

$1150 + 27x = 50x$

$1150 = 50x - 27x$

$1150 = 23x$

$x = 1150/23 = 50$ numero dei commensali morti

138

Νικαρέτη παίζουσα σὺν ἡλικιώτισι πέντε, ὧν εἶχεν καρύων Κλείδ' ἔπορεν τὸ τρίτον, καὶ Σαπφοῖ τὸ τέταρτον, Ἀριστοδίκη δὲ τὸ πέμπτον, εἰκοστὸν Θεανοῖ καὶ πάλι δωδέκατον, εἰκοστὸν τέτρατον δὲ Φιλιννίδι· καὶ περιῆν δὲ πεντήκοντ' αὐτῇ Νικαρέτη κάρυα («Nicarete, giocando con cinque coetanee, distribuì loro delle noci così:

A Cleide, diede un terzo delle sue noci;

A Saffo, un quarto;

Ad Aristodice, un quinto;

A Teano, un ventesimo, e di nuovo un dodicesimo;

A Filinnide, un ventiquattresimo.

E le rimasero 50 noci»)

Soluzione:

$x - (1/3x + 1/4x + 1/5x + 1/20x + 1/12x + 1/24x) = 50$

Il m.c.m di 3, 4, 5, 20, 12 e 24 è 120

$(40 + 30 + 24 + 6 + 10 + 5)/120x = 115/120x$

$x - 115/120x = 50$

$5/120x = 50$

$1/24x = 50$

$x = 50 * 24 = 1200$ noci in origine

139

Γνωμονικῶν Διόδωρε μέγα κλέος, εἶπέ μοι ὥρην, ἥνικ' ἀπ' ἀντολῆς πόλον ἤλατο χρύσεα κύκλα ἡελίου. Τοῦ δῆτοι ὅσον τρία πέμπτα δρόμοιο, τετράκι τόσσον ἔπειτα μεθ' Ἑσπερίην ἄλα λείπει («O Diodoro, gloria della gnomonica, dimmi l'ora quando il disco dorato del Sole è balzato dal polo orientale. Di quel percorso, tre quinti ha già compiuto, e quattro volte tanto rimane ancora da percorrere prima di tuffarsi nel mare occidentale»)

Soluzione:

già percorso: $3/5x$

ancora da percorrere: $4 * 3/5 = 12/5x$

totale del cammino solare $3/5x + 12/5x = 15/5x = 3x$

Essendo la durata del giorno solare apparente di 24 ore ($3x$) abbiamo che $x = 1/3 = 8$ ore e la lunghezza del percorso già fatto è: $3/5 * 1/3 = 1/5$ del giorno solare. Quindi il tempo già trascorso dalla levata del sole è pari a: $3/5 * 8 = 4,8$ ore (4 ore e 48 minuti)

140

Ζεῦ μάκαρ, ἥ ῥά τοι ἔργα τάδ' εὖαδεν, οἷα γυναῖκες Θεσσαλικάι παῖζουσι; μαραίνεται ὄμμα Σελήνης ἐκ μερόπων· ἴδον αὐτός· ἔην δ' ἔτι νυκτὸς ἐπ' ἡῶ δις τόσον ὅσσα δὴ ἕκτα καὶ ἑβδομον οἰχομένοιο («O beato Zeus, ti piacciono davvero tali opere che i Tessali interpretano? L'occhio della Luna è oscurato dalle donne - per i mortali: l'ho visto io stesso - e rimaneva ancora della notte il doppio di due sestimi più un settimo di quanto era già trascorso»)

Soluzione:

Sommando le frazioni della parte di notte trascorsa ($2/6x + 1/7x$), con il m.c.m pari a 42, ottengo il valore di $20/42x$. La notte dell'eclissi lunare già trascorsa (sul totale $x = 12$ ore) è pari a $20/42x * 12 = 5,7$ ore (5 ore e 42 minuti). Pertanto residuano ancora 6 ore e 18 minuti di notte.

141

Ἀπλανέων ἄστρον, παρόδους τ' ἐπὶ τοῖσιν ἀλητῶν εἶπέ μοι, ἥνικ' ἐμὴ χθιζὸν ἔτικτε δάμαρ. Ἥμαρ ἔην, ὅσον τε δις ἑβδομον ἀντολίηθεν, ἐξάκι τόσσον ἔην Ἑσπερίην ἐς ἄλα («Stelle fisse e pianeti, ditemi quando, ieri, mia moglie partorì. Era giorno, quanto due settimmi dalla levata del Sole, e sei volte tanto mancava ancora al tramonto»)

Soluzione:

Sono trascorse 7 ore e 35 minuti dalla levata del sole, mancano 4 ore e 25 minuti al tramonto

142

Εγρεσθ', Ἥριγένεια παρέδραμε· πέμπτον, ἔριθοι, λειπομένης τρισσῶν οἶχεται ὀγδοάτων («Svegliatevi, l'Aurora (Erigena) è già passata; o mietitori,

se ne è andata la quinta parte di un giorno, quando mancano ancora tre ottavi»)

Soluzione:

$$x = 1/5 + 3/8$$

Con il m.c.m di 5 e 8 (40) si ottiene 23/40

Se ne già andato il 23/40 di un giorno

Resto del giorno che manca: $1 - 23/40 = 17/40$ pari a 13,8 ore (13 ore e 48 minuti)

143

Σύρτιος ἐν τενάγεσσι πατήρ θάνεν. Ἐκ δ' ἄρ' ἐκείνης πέντε τάλαντα φέρων ἤλυθε ναυτιλίας οὗτος ἀδελφειῶν προφερέστατος· ἡ γὰρ ἔμοιγε δῶκεν ἑῆς μοίρης διπλάσιον τριτάτων ὁ δοιῶν, ἡμετέρης δὲ δὴ ὄγδοα μητέρι μοίρης ὥπασεν, οὐδὲ δίκης ἤμβροτεν ἀθανάτων («Il padre annegò nelle paludi della Sirte. Da quella spedizione marittima portò cinque talenti. Costui era il più valoroso dei fratelli. Poiché a me diede della sua parte il doppio del terzo. E alla madre assegnò i due ottavi della mia parte. E non trascurò la giustizia degli dèi immortali»)

Soluzione:

Sia x la quota dei talenti assegnata al parlante

La madre riceve: $2/8x = 1/4x$

Il parlante riceve il doppio del terzo della parte del fratello (y), quindi:

$$x = 2 * 1/3y = 2/3y$$

Il totale di 5 talento è suddiviso così: x (parlante) + $1/4x$ (madre) + $3/2x$ (fratello)

Con il m.c.m pari a 4: $(1 + 1/4 + 6/4)x = 5 \Rightarrow (4/4 + 1/4 + 6/4)x = 5$

$11/4x = 5 \Rightarrow x = 5 * 4/11 = 20/11$ quota dei talenti spettante al narratore

$1/4 * 20/11 = 5/11$ quota dei talenti spettante alla madre

$3/2 * 20/11 = 30/11$ quota dei talenti spettante al fratello

144

α. Ἡ βάσις ἀν πατέω σὺν ἐμοὶ βάρος ἀλίκον ἔλκει !

β. Χὰ κρηπὶς σὺν ἐμοὶ τόσσα τάλαντα φέρει.

α. Ἀλλ' ἐγὼ οἷος ἄπαξ τὰν σὰν βάσιν ἐς δις ἀνέλκω.

β. Κήγῳ μοῦνος ἐὼν σὰν βάσιν ἐς τρὶς ἄγω

(«A. Io più la base che calco facciamo insieme un bel peso.

B. Stesso peso in talenti, base e io.

A. Io però peso da sola due volte la base che hai.

B. Io da sola, tre volte la tua base»)

Soluzione:

Indicando con:

x: peso della prima statua

y: peso della base su cui poggia la prima statua

z: peso della seconda statua

t: peso della base su cui poggia la seconda statua

Otteniamo:

$$x + y = z + t$$

$$y = 2z$$

$$t = 3x$$

Questo sistema ha infinite soluzioni.

$$x = (1/3)k$$

$$y = (4/3)k$$

$$z = (2/3)k$$

$$t = (1)k$$

N.B. Questo è l'unico problema dell'Antologia Palatina che ammette infinite soluzioni

145

α. Δός μοι δέκα μνᾶς, καὶ τριπλοῦς σοῦ γίνομαι.

β. Κάγὼ λαβὼν σου τὰς ἴσας, σοῦ πενταπλοῦς

(«A. Dammi dieci mine, e divento il triplo di te.

B. E io, prendendo da te una somma uguale alla mia, divento il quintuplo di te»)

Soluzione:

Dopo che A riceve 10 mine da B:

A ha: $x + 10$

B ha: $y - 10$

A dice di diventare il triplo di B: $x + 10 = 3(y - 10)$ (1)

B prende da A una quantità pari a quello che B possiede, cioè: y mine. Quindi:

A ha: $x - y$

B ha: $y + y = 2y$

B dice di diventare il quintuplo di A: $2y = 5(x - y)$ (2)

Risolvi il sistema

Da (1):

$$x + 10 = 3(y - 10)$$

$$x + 10 = 3y - 30$$

$$x = 3y - 40 \quad (3)$$

Sostituisci (3) in (2)

$$2y = 5(x - y)$$

$$2y = 5((3y - 40) - y)$$

$$2y = 5(2y - 40)$$

$$2y = 10y - 200$$

$$-8y = -200$$

$$y = 25$$

Ora usiamo (3) per trovare x:

$$x = 3(25) - 40 = 75 - 40 = 35$$

Dunque A possiede 35 mine e B 25 mine

146

α. Δός μοι δύο μνᾶς, καὶ διπλοῦς σοῦ γίνομαι.

β. Κάγῳ λαβὼν σοῦ τὰς ἴσας, σοῦ τετραπλοῦς

(«A: Dammi due mine, e divento il doppio di te.

B: E io, prendendo da te una somma pari a quella che possiedo, divento quattro volte te»)

Soluzione:

Dopo che A riceve 2 mine da B:

A ha: $x + 2$

B ha: $y - 2$

Allora: $x + 2 = 2(y - 2)$ (1)

B prende da A una somma pari a quella che lui possiede, cioè y. Quindi:

B ha: $y + y = 2y$

A ha: $x - y$

Allora: $2y = 4(x - y)$ (2)

Risoluzione del sistema

Dalla (1):

$x + 2 = 2(y - 2)$

$x + 2 = 2y - 4$

$x = 2y - 6$

Sostituiamo (3) in (2):

$2y = 4((2y - 6) - y)$

$2y = 4(y - 6)$

$2y = 4y - 24$

$-2y = -24$

$y = 12$

Ora troviamo x da (3):

$x = 2(12) - 6 = 24 - 6 = 18$

Quindi A ha 18 mine e B ne ha 12

147

Ὅμηρος Ησιόδῳ ἐρωτήσαντι, πόσον τὸ τῶν Ἑλλήνων πλῆθος τὸ κατὰ τῆς Ἰλίου στρατεύσαν. Ἐπὶ ἕσαν μαλεροῦ πυρὸς ἐσχάrai· ἐν δὲ ἐκάστη πεντήκοντ' ὀβελοὶ, περὶ δὲ κρέα πεντήκοντα· τρὶς δὲ τριηκόσιοι περὶ ἐν κρέας ἦσαν Ἀχαιοί («Omero, alla domanda di Esiodo su quante fossero le forze degli Elleni che avevano fatto spedizione contro Troia, rispose: "C'erano sette bracieri di fuoco ardente; su ciascun braciere vi erano cinquanta spiedi; e su ciascuno spiedo, cinquanta pezzi di carne; intorno a ciascun pezzo di carne, tre volte trecento Achei"»)

Soluzione:

7 bracieri * 50 spiedi per braciere = 350 spiedi

50 pezzi di carne per spiedo → $350 * 50 = 17.500$ pezzi di carne

900 Achei per pezzo di carne → $17.500 * 900 = 15.750.000$ Achei